



جمهوری اسلامی ایران

وزارت علوم، تحقیقات و فناوری

شورای عالی برنامه ریزی آموزشی

برنامه درسی



دوره: کارشناسی ارشد

رشته: ریاضیات و کاربردها

گرایش: ریاضیات تصادفی

گروه برنامه ریزی علوم ریاضی

مصوب جلسه شماره ۸۸۷ مورخ ۱۳۹۶/۰۹/۰۴ شورای عالی برنامه ریزی آموزشی

بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِیْمِ

**عنوان برنامه: دوره کارشناسی ارشد رشته ریاضیات و کاربردها گرایش ریاضیات تصادفی
تدوین شده توسط گروه برنامه ریزی علوم ریاضی**

۱- برنامه درسی تدوین شده دوره کارشناسی ارشد ریاضیات و کاربردها گرایش ریاضیات تصادفی پیشنهادی گروه برنامه ریزی علوم ریاضی در جلسه شماره ۸۸۷ مورخ ۱۳۹۶/۰۹/۰۴ شورای عالی برنامه ریزی آموزشی به تصویب رسیده است.

۲- برنامه درسی مذکور در سه فصل: مشخصات کلی، جدول واحد های درسی و سرفصل دروس تنظیم شده و برای تمامی دانشگاه ها و مؤسسه های آموزش عالی و پژوهشی کشور که طبق مقررات مصوب وزارت علوم، تحقیقات و فناوری فعالیت می کنند، برای اجرا ابلاغ می شود.

۳- این برنامه درسی از شروع سال تحصیلی ۱۳۹۷-۱۳۹۸ به مدت ۵ سال قابل اجراست و پس از آن نیازمند بازنگری می باشد.

مجتبی شریعتی نیاسر

نایب رئیس شورای عالی برنامه ریزی آموزشی

عبدالرحیم نوده ابراهیم

دبیر شورای عالی برنامه ریزی آموزشی



رئیس

برنامه آموزشی دوره
کارشناسی ارشد ریاضیات و کاربردها - گرایش ریاضیات تصادفی





جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
شورای عالی برنامه‌ریزی
گروه علوم پایه
کمیته تخصصی علوم ریاضی

برنامه آموزشی دوره کارشناسی ارشد ریاضیات و کاربردها
گرایش ریاضیات تصادفی



بهمن ماه ۱۳۹۵

برنامه و سرفصل درس‌های کارشناسی ارشد ریاضیات و کاربردها

- ریاضیات و کاربردها - گرایش آنالیز
- ریاضیات و کاربردها - گرایش جبر
- ریاضیات و کاربردها - هندسه و توپولوژی
- ریاضیات و کاربردها - گراف و ترکیبیات
- ریاضیات و کاربردها - گرایش منطق ریاضی
- ریاضیات و کاربردها - گرایش ریاضیات تصادفی



مقررات عمومی برنامه کارشناسی ارشد ریاضیات و کاربردها

کلیه دانشگاه‌هایی که قبلاً مجوز اجرای رشته را به صورت کلی اخذ کرده کماکان می‌توانند با پذیرش دانشجو در تمام کد رشته‌های "کارشناسی ارشد ریاضیات و کاربردها" نسبت به پذیرش دانشجو اقدام کنند. این دانشگاه‌ها همچنین می‌توانند با پذیرش دانشجو در کد رشته محل "کارشناسی ارشد ریاضیات و کاربردها" به صورت تجمعی اقدام کرده و هر یک از دانشجویان پذیرفته شده را با در نظر گرفتن تخصص اعضای هیأت علمی و امکانات موجود در هر یک از گرایش‌های اخذ شده این رشته با رعایت مقررات برنامه گرایش مربوطه در برنامه فعلی با قید گرایش دانش‌آموخته کنند.

اگر دانشگاهی در یکی از گرایش‌های خاص "کارشناسی ارشد ریاضیات و کاربردها" قبلاً مجوز گرفته باشد، در همان گرایش می‌تواند کماکان اقدام به پذیرش دانشجو نماید. چنانچه این نوع دانشگاه‌ها تمایل داشته باشند در سایر گرایش‌های رشته "کارشناسی ارشد ریاضیات و کاربردها" که قبلاً مجوز اجرای آن را نداشته است، با کد رشته محل مجزا دانشجو پذیرد، لازم است که نسبت به اخذ مجوز اجرا اقدام کرده و فقط در صورت احراز شرایط و پس از اخذ مجوز از وزارت عتف نسبت به پذیرش دانشجو با کد رشته محل مختص گرایش مربوطه اقدام کنند.

طول دوره و شکل نظام

دوره کارشناسی ارشد ریاضیات و کاربردها مطابق با آیین‌نامه جاری دوره‌ی کارشناسی ارشد وزارت عتف است.

تعداد واحدهای دوره

تعداد واحدهای درسی دوره کارشناسی ارشد ریاضیات و کاربردها ۲۹ و به قرار زیر است:
درس‌های الزامی: ۹ واحد، شامل درس اصلی گرایش یا زیر گرایش و دو درس از دروس اصلی گرایش‌ها یا زیر گرایش‌های دیگر علوم ریاضی با نظر استاد راهنما یا دانشکده.
درس‌های تخصصی- اختیاری: ۱۲ واحد، شامل سه درس از جدول درس‌های تخصصی- اختیاری و یک درس با نظر استاد راهنما و تأیید گروه از درس‌های اختیاری یکی از دوره‌های کارشناسی ارشد مرتبط.
سمینار: ۲ واحد
پایان‌نامه: ۶ واحد
اخذ درس سمینار و پایان‌نامه در نیمسال اول تحصیل مجاز نیست. برای اخذ درس سمینار نیاز به گذراندن دست کم ۹ واحد درسی و برای اخذ پایان‌نامه گذراندن دست کم ۱۲ واحد (که شامل درس‌های الزامی می‌باشد) و اجازه گروه ضروری است.

دانشجویان دوره کارشناسی ارشد ریاضیات و کاربردها با اخذ دست کم ۶ واحد تمام وقت محسوب می‌شوند.

با توجه به پایه‌ای بودن دروس الزامی گرایش‌ها و تنوع ورودی‌های دوره‌های کارشناسی ارشد ریاضیات و کاربردها به پیشنهاد گروه آموزشی مربوط و تصویب دانشگاه این دروس به جای ۳ واحد می‌توانند ۴ واحدی اجرا شوند. در این صورت سقف واحدهای این دوره با این تغییر از ۲۹ به حداکثر ۳۲ افزایش خواهد یافت.

گروه‌های مجری می‌توانند درس‌های جدیدی را به عنوان درس اختیاری مطابق با روال جاری دانشگاه مصوب و آرایه دهند.

دانشجو در طول تحصیل خود نمی‌تواند بیش از یک درس با عنوان مباحث ویژه اختیار کند.



کارشناسی ارشد ریاضیات و کاربردها - گرایش ریاضیات تصادفی



فصل اول

مشخصات دوره کارشناسی ارشد ریاضیات و کاربردها - گرایش ریاضیات تصادفی



مقدمه

با نگاه به تحقیقات افرادی که مدال فیلدز را در زمینه ریاضیات تصادفی از سال ۲۰۰۶ تاکنون به دست آورده‌اند، مشاهده می‌شود که این جایزه عموماً به تحقیقاتی تعلق گرفته است که تجلی ریاضیات مفهومی و به شدت تلفیقی و بین رشته‌ای هستند. این جایزه به دلیل تلفیق نظریه احتمال، فرآیندهای تصادفی و آنالیز تصادفی با نظریه نمایش، هندسه جبری و توابع خاص، هندسه دو بعدی حرکت بروانی، آنالیز مختلط، آنالیز هارمونیک، معادلات دیفرانسیل پاره‌ای، ترکیبیات جبری و هندسی، نظریه تحلیلی اعداد، سیستم‌های دینامیکی و معادلات دیفرانسیل پاره‌ای تصادفی، به این محققان تعلق گرفته است. این فقط قسمتی از مهمترین تحقیقات یک دهه اخیر در زمینه نظریه ریاضیات تصادفی است که حوزه معرفتی مهمی در ریاضی امروز است (به قول دیوید مامفورد در آغاز قرن بیست و یکم: «ما در آستانه عصر تصادفی قرار داریم»). این حوزه نقش مهم و تأثیرگذاری در دیگر حوزه‌های ریاضی مانند معادلات دیفرانسیل پاره‌ای، آنالیز ریاضی، ترکیبیات، هندسه جبری و نظریه اعداد دارد. این زمینه، پایه علم آمار نیز می‌باشد. ریاضی تصادفی همچنین یک علم کاربردی است با کاربردهای بسیار مهم در مکانیک آماری، زیست‌ریاضی، ریاضی مالی و مهندسی مالی، علوم کامپیوتر، آنالیز عددی و محاسبات علمی، مخابرات و دیگر رشته‌های علوم و مهندسی. ریاضیات تصادفی به مطالعه مدل ریاضی پدیده‌های تصادفی می‌پردازد و یا گاهی تعبیری تصادفی از مدل‌های ریاضی تعینی ارائه می‌دهد.

تعریف

دوره کارشناسی ارشد ریاضیات تصادفی، یکی از دوره‌های آموزشی و پژوهشی در سطح تحصیلات تکمیلی در نظام آموزش عالی کشور است که پس از دوره کارشناسی آغاز و به اعطای مدرک رسمی دانشگاهی در مقطع کارشناسی ارشد در رشته ریاضیات و کاربردها یا ریاضی کاربردی (گرایش ریاضیات تصادفی) یا کارشناسی ارشد آمار (گرایش احتمال) می‌انجامد و از نظر اجرایی تابع ضوابط، مقررات و آیین‌نامه‌های مصوب شورای برنامه ریزی و وزارت علوم، تحقیقات و فناوری است. این دوره می‌تواند بر حسب ضرورت در رشته ریاضیات و کاربردها یا رشته ریاضی کاربردی (گرایش ریاضیات تصادفی) یا کارشناسی ارشد آمار (گرایش احتمال) ارایه شود.

اهداف

در اجرای دوره کارشناسی ارشد ریاضیات تصادفی اهداف زیر برای تربیت نیروی کارآمد دنبال می‌شود:

- یافتن مدل‌های ریاضی برای پدیده‌های تصادفی؛
- ایجاد پل ارتباطی بین ریاضیات تصادفی با دیگر رشته‌های و زمینه‌های ریاضی؛
- ایجاد پل ارتباطی بین ریاضیات تصادفی با دیگر علوم مانند زیست‌شناسی و ژنتیک، مالی و اقتصاد، مدیریت، فیزیک و مهندسی علوم داده‌ها.

نقش و توانایی

دانش‌آموختگان دوره کارشناسی ارشد ریاضیات تصادفی می‌توانند:

- به انجام پژوهش‌های بنیادی و کاربردی در خود ریاضی تصادفی و ارتباط آن با دیگر رشته‌های علوم ریاضی بپردازد.
- به انجام پژوهش‌های بنیادی و کاربردی در مدل‌سازی ریاضی برای پدیده‌های تصادفی در علوم زیست‌شناسی، اقتصاد، مالی، فیزیک، علوم کامپیوتر بپردازد.
- از ابزار آنالیز عددی و محاسبات علمی برای شناخت و توصیف پدیده‌های تصادفی استفاده کند.



ضرورت و اهمیت

چندین دهه است که با پیشرفت علوم گوناگون، مشخص شده است که مدل‌های واقعی پدیده‌های طبیعی، آن‌هایی هستند که نقش عوامل تصادفی را نیز در نظر می‌گیرند. به همین دلیل، بخش‌ها و شاخه‌های مختلف ریاضیات که دانش مدل‌سازی پدیده‌های طبیعی و مطالعه آن‌ها است، به شدت با مطالعه مدل‌های نظری و عددی تصادفی درآمیخته شده‌اند. از این رو شناخت ریاضیات تصادفی می‌تواند دانشجو را با دنیای پژوهشی وسیعی روبه‌رو سازد که هم به لحاظ نظری از زیبایی و کارایی برخوردار است و هم از جنبه کاربردی، گستره وسیعی از مباحث را هم در خود ریاضیات و هم بیرون از آن، در بر می‌گیرد.

پیش‌نیاز

لازم است دانشجویانی که قصد دارند در دوره کارشناسی ارشد گرایش ریاضیات تصادفی ادامه تحصیل دهند، درس آنالیز ریاضی (نظام جدید کارشناسی) یا آنالیز ریاضی ۲ (نظام قدیم کارشناسی) را گذرانده باشند. در غیر این صورت باید حتماً این درس را به عنوان جبرانی اخذ نمایند.



فصل دوم

جدول دروس دوره کارشناسی ارشد ریاضیات و کاربردها - گرایش ریاضیات تصادفی



درس اصلی گرایش ریاضیات تصادفی: نظریه اندازه و کاربردها

- به دانشجویان توصیه می شود دو درس الزامی دیگر خود را از بین درس های آشنایی با آنالیز تصادفی و ... انتخاب نمایند

جدول دروس تخصصی-انتخابی گرایش ریاضیات تصادفی

| شماره | نام درس | تعداد واحد | ساعت | | |
|-------|--|------------|------|------|------|
| | | | جمع | نظری | عملی |
| ۱ | نظریه پیشرفته احتمال | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | |
| ۲ | فرآیندهای تصادفی پیشرفته | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | |
| ۳ | فرآیندهای تصادفی کاربردی | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | |
| ۴ | آنالیز تصادفی کسری | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | |
| ۵ | فرآیند لوی | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | |
| ۶ | نظریه معادلات دیفرانسیل تصادفی | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | |
| ۷ | نظریه معادلات دیفرانسیل پاره ای تصادفی | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | |
| ۸ | روش های عددی در معادلات دیفرانسیل تصادفی | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | |
| ۹ | روش های عددی در معادلات دیفرانسیل پاره ای تصادفی | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | |
| ۱۰ | معادلات تحولی تصادفی | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | |
| ۱۱ | کنترل بهینه تصادفی | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | |
| ۱۲ | انتگرال تصادفی | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | |
| ۱۳ | فرآیندهای تصادفی مانای ضعیف | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | |
| ۱۴ | فرآیندهای تصادفی مجموعه مقدار | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | |
| ۱۵ | فرآیندهای تصادفی پایدار | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | |
| ۱۶ | نظریه ریاضی بازی ها | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | |



| | | | | | |
|----|-------------------------------------|---|----|----|--|
| ۱۷ | فرآیند پخش | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | نظریه معادلات دیفرانسیل تصادفی |
| ۱۸ | اصل انحراف‌های بزرگ و کاربردهای آن | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | نظریه پیشرفته احتمال |
| ۱۹ | گراف‌های تصادفی | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | نظریه اندازه و کاربردها |
| ۲۰ | نظریه تشت | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | نظریه اندازه و کاربردها |
| ۲۱ | آنالیز تصادفی روی خمینه‌ها | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | انتگرال تصادفی و هندسه خمینه‌ها |
| ۲۲ | روش‌های احتمالاتی در آنالیز ریاضی | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | فرآیندهای تصادفی پیشرفته |
| ۲۳ | شبیه‌سازی تصادفی | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | نظریه اندازه و کاربردها |
| ۲۴ | ماتریس‌های تصادفی | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | نظریه اندازه و کاربردها |
| ۲۵ | میدان‌های تصادفی | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | آشنایی با آنالیز تصادفی |
| ۲۶ | فرآیندهای نقطه‌ای | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | آشنایی با آنالیز تصادفی |
| ۲۷ | معادلات دیفرانسیل تصادفی پسر | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | نظریه معادلات دیفرانسیل تصادفی |
| ۲۸ | احتمال روی فضاها با ناخ | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | آشنایی با آنالیز تصادفی و آنالیز تابعی |
| ۲۹ | عملگرهای تصادفی | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | آشنایی با آنالیز تصادفی و آنالیز تابعی |
| ۳۰ | روش‌های احتمالاتی در مدل‌های ژنتیکی | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | آشنایی با آنالیز تصادفی |
| ۳۱ | هندسه تصادفی | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | آشنایی با آنالیز تصادفی |
| ۳۲ | مباحث ویژه در فرآیندهای تصادفی | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | اجازه گروه (دانشکده) |
| ۳۳ | مباحث ویژه در نظریه احتمال | ۳ | ۴۸ | ۴۸ | اجازه گروه (دانشکده) |



فصل سوم

سرفصل دروس کارشناسی ارشد ریاضیات و کاربردها - گرایش ریاضیات تصادفی



| | | | | | | | |
|----------------|------|---------------------------------|------------|--------------------------------|------|-----------|------|
| | | فارسی | | انگلیسی | | عنوان درس | |
| | | نظریه اندازه و کاربردها | | Measure Theory and Probability | | | |
| نوع واحد | | تعداد واحد | تعداد ساعت | دروس پیش نیاز | | | |
| پایه | | ۳ | ۴۸ | اختیاری | | اصلی | |
| نظری | عملی | | | نظری | عملی | نظری | عملی |
| حل تمرین: دارد | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | | | | |

هدف:

هدف این درس آشنایی دانشجویان با زبان نظریه اندازه، مبانی نظریه احتمال و شیوه به کارگیری ابزارهای نظریه اندازه در احتمال است. سرفصل درس:

تعریف مقدماتی از احتمال و بیان نمونه‌هایی از فضاهای احتمال، بیان ضرورت توسعه مفهوم پیشامد و احتمال، سیگما میدان، اندازه مجرد و ویژگی‌های آن، اندازه‌لیگ، خواص اندازه‌لیگ و وجود مجموعه اندازه‌ناپذیر، تعریف احتمال شرطی و پیشامدهای مستقل، لم‌های اول و دوم برل-کانتلی، توابع اندازه‌پذیر و متغیرهای تصادفی، اندازه احتمال وابسته به متغیر تصادفی، تقریب با توابع ساده (متغیرهای تصادفی گسسته)، همگرایی تقریباً همه جا (قریب به یقین)، همگرایی در اندازه (در احتمال)، انتگرال (امید) توابع اندازه‌پذیر (متغیرهای تصادفی) نامنتفی، قضیه همگرایی بیکنوا و نتایج آن، توابع انتگرال‌پذیر، لم فاتو، قضیه همگرایی تسلطی و نتایج آن، فضاهای L^p (اثبات ساختار برداری و کامل بودن آنها)، انتگرال‌پذیری یکنواخت، فضای L^2 به عنوان یک فضای هیلبرت و قضیه تصویر روی زیرفضاهای بسته، گشتاورهای متغیرهای تصادفی و واریانس، تابع مولد گشتاور، سیگما میدان حاصل ضربی، اندازه حاصل ضربی، انتگرال دوگانه و قضیه فوبینی، بردارهای تصادفی و تابع توزیع چندمتغیره، کوواریانس، متغیرهای تصادفی مستقل، معرفی امید و احتمال شرطی (با استفاده از قضیه تصویر در فضاهای هیلبرت)، ویژگیهای امید شرطی، احتمال شرطی منظم، آشنایی با مارتینگل‌های زمان-گسسته، آشنایی با زمان توقف، قضیه نمونه‌گیری اختیاری در حالت ساده، بیان قضیه همگرایی مارتینگل‌های زمان-گسسته در حالت ساده.

مراجع پیشنهادی:

- 1- Adams, M. and Guillemin, V., *Measure Theory and Probability*, Birkhauser, 1996.
- 2- Resnick, S., *A Probability Path*, 2nd Ed., Springer, 2014.
- 3- Billingsley, P., *Probability and Measure*, John Wiley & Sons, 2012.
- 4- Jacod, J. and Protter, P., *Probability Essentials*, Springer-Verlag, 2004.



| | | | | | | | |
|----------------|------|---------------------------------|------------|-------------------------------------|------|-----------|------|
| | | فارسی | | آشنایی با آنالیز تصادفی | | عنوان درس | |
| | | انگلیسی | | Introduction to Stochastic Analysis | | | |
| نوع واحد | | تعداد واحد | تعداد ساعت | دروس پیش نیاز | | | |
| پایه | | ۳ | ۴۸ | اختیاری | | اصلی | |
| نظری | عملی | | | نظری | عملی | نظری | عملی |
| حل تمرین: دارد | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | | | | |

هدف:

هدف این درس آشنایی مقدماتی دانشجویان با حرکت براونی و ویژگی‌های آن و شیوه تعریف انتگرال تصادفی ایتو نسبت به حرکت براونی و ویژگی‌های آن است.

سرفصل درس:

تعریف حرکت براونی، ساختن حرکت براونی به روش فضای L^2 ، اشاره به دیگر روشهای ساختن حرکت براونی، پیوستگی مسیره‌های براونی، مشتق ناپذیری مسیره‌های براونی، تغییرات مرتبه دوم حرکت براونی، خاصیت مارکوفی حرکت براونی، خاصیت مارتینگلی حرکت براونی، اصل بازتاب و کاربردهای آن، انتگرال تصادفی ایتو برای فرایندهای تصادفی ساده، ایزومتري ایتو، انتگرال تصادفی ایتو برای L^2 -فرایندهای تصادفی، پیوستگی انتگرال تصادفی، خاصیت مارتینگلی انتگرال تصادفی، انتگرال استرانونووویچ و رابطه آن با انتگرال تصادفی ایتو، فرمول ایتو و کاربردهای آن همراه با مثال، قضیه نمایش مارتینگلی، پل براونی، فرمول تاناکا و زمان موضعی، آشنایی با معادلات دیفرانسیل تصادفی، قضیه وجود و یکتایی جواب برای معادلات دیفرانسیل تصادفی.

مراجع پیشنهادی:

- 1- Kuo, Hui-Hsiung, *Introduction to Stochastic Integration*, Springer, Berlin, 2006.
- 2- Le Gall, Jean-François, *Brownian Motion, Martingales, and Stochastic Calculus*, Springer 2016.
- 3- Oksendal, B., *Stochastic Differential Equations, An Introduction with Applications*, 6th. ed., Springer-Verlag, 2003.
- 4- Schilling, Rene and Partzsch, L., *Brownian Motion, An Introduction to Stochastic Processes*, 2nd ed. Walter de Gruyter, 2014.



| | | | | | | | |
|----------------|------|---------------------------------|------------|--------------------------------|------|-----------|------|
| | | فارسی | | حسابان تصادفی کسری | | عنوان درس | |
| | | انگلیسی | | Fractional Stochastic Calculus | | | |
| نوع واحد | | تعداد واحد | تعداد ساعت | دروس پیش نیاز | | | |
| پایه | | ۳ | ۴۸ | اختیاری | | اصلی | |
| نظری | عملی | | | نظری | عملی | نظری | عملی |
| حل تمرین: دارد | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | | | | |

هدف:

هدف این درس آشنا کردن دانشجو با مفهوم مشتق کسری و سپس حرکت براونی کسری، انتگرال ایتو نسبت به حرکت براونی کسری و برخی از کاربردهای آن است.

سرفصل درس:

حرکت براونی کسری، خود-متشابهی، پیوستگی هلدِر، مشتق‌پذیری مسیرها، انتگرال وینر برای حرکت براونی کسری، نوقفه سفید کسری، قضیه گیرساف کسری، گرادیان تصادفی کسری، انتگرال ایتوی کسری، فرمول ایتوی کسری، انتگرال‌های مکرر و بسط آشوبی، معادلات دیفرانسیل تصادفی شامل حرکت براونی کسری، کاربرد حسابان تصادفی کسری در ریاضی مالی، کاربرد حسابان تصادفی کسری در کنترل بهینه تصادفی، زمان موضعی و فرمول تاناکا در حسابان تصادفی کسری.

مراجع پیشنهادی:

1. Biagini, F., Hu, Y., Oksendal, B., Zhang, T., *Stochastic calculus for fractional Brownian Motion and Applications*, Springer-Verlag, London, 2008.
2. Nualart, D., *The Malliavin Calculus and Related Topics*, 2nd, Springer, 2006.



| عنوان درس | | فارسی | | انگلیسی | |
|-----------------------------|-------|---------------------------------|-------|-------------------------|------|
| Advanced Probability Theory | | نظریه پیشرفته احتمال | | | |
| نوع واحد | | تعداد | تعداد | دروس پیش نیاز | |
| | | واحد | ساعت | | |
| پایه | اصولی | ۳ | ۴۸ | نظریه اندازه و کاربردها | |
| | تخصصی | | | اختیاری | عملی |
| نظری | عملی | نظری | عملی | نظری | عملی |
| حل تمرین: دارد | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | | |

هدف:

در این درس دانشجویان با مطالب پیشرفته تر نظریه احتمال شامل قانون های اعداد بزرگ، انواع همگرایی دنباله متغیرهای تصادفی و قضیه های حدی آشنا می شوند.

سرفصل درس:

دوره فضای احتمال، متغیرهای تصادفی، دوره انتگرال و امید ریاضی، تابعهای جرم احتمال و چگالی احتمال، تابع توزیع، اندازه و انتگرال لیبگ-استیلتیس، همگرایی متغیرهای تصادفی و مقایسه انواع همگرایی ها، پیشامدهای مستقل، قانون صفر و یک کلموگرف، متغیرهای تصادفی مستقل، ساختن دنباله متغیرهای تصادفی مستقل هم توزیع، قانون ضعیف اعداد بزرگ، قانون های قوی اعداد بزرگ، تابع مشخصه و ویژگی های آن، یکتایی و قضیه وارون برای تابع مشخصه، قضیه پیوستگی لوی، همگرایی ضعیف، قضیه های حد مرکزی، قضیه لیاپانف، آرایه های مثلثی و قضیه لیندبرگ، توزیع های بینهایت بار تقسیم پذیر و پایداری، قانون لگاریتم مکرر، دروه امید شرطی و احتمال شرطی، احتمال شرطی منظم، مارتینگل های زمان-گسته، زمان توقف، قضیه توقف اختیاری، قضیه نمونه گیری اختیاری، نامساوی های مارتینگلی، قضیه همگرایی مارتینگل ها، کاربرد در قضیه رادن-نیکودیم، کاربرد در قضیه حد مرکزی، مارتینگل های زمان-معکوس، همگرایی مارتینگل های زمان-معکوس.

مراجع پیشنهادی:

- 1- Billingsley, P., *Probability and measure*, Anniversary Ed. Wiley & Sons, 2012.
- 2- Breiman, L., *Probability*, SIAM, 1992.
- 3- Chung, K. L., *A course in probability theory*, 3rd ed., Academic Press, 2000.
- 4- Durrett, Rick. *Probability: theory and examples*, 4th ed. Cambridge University Press, 2010.
- 5- Dudley, Richard, *Real analysis and probability*, 2nd ed. Cambridge University Press, 2002.
- 6- Khoshnevisan, D., *Probability*, American Mathematical Society, 2007
- 7- Kallenberg, O., *Foundations of modern probability*, 2nd. ed., Springer, 2002.
- 8- Walsh, John, *Knowing the odds*, American Mathematical Society, 2012.



| | | | | | | | |
|----------------|--|---------------------------------|------------|---|------|-----------|------|
| | | فارسی | | انگلیسی | | عنوان درس | |
| | | نظریه معادلات دیفرانسیل تصادفی | | Theory of Stochastic Differential Equations | | | |
| نوع واحد | | تعداد واحد | تعداد ساعت | دروس پیش نیاز | | | |
| پایه | | ۳ | ۴۸ | اختیاری | | اصلی | |
| نظری | | | | عملی | نظری | عملی | نظری |
| حل تمرین: دارد | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | | | | |

هدف:

آشنایی دانشجویان با مفهوم معادله دیفرانسیل تصادفی شامل نوقه سفید، تبدیل آن به معادله انتگرال تصادفی ایتو، روش حل برخی از موارد خاص و قضیه وجود و یکتایی جواب و استفاده از نظریه معادلات دیفرانسیل تصادفی در مدل سازی پدیده های تصادفی است.

سرفصل درس:

تعریف معادله دیفرانسیل تصادفی، مثال های معادلات دیفرانسیل تصادفی و روش های حل، قضیه وجود و یکتایی جواب، مفهوم جواب قوی و ضعیف، ویژگی های مارکوفی و مارکوفی قوی برای جواب معادلات دیفرانسیل تصادفی، مولد فرآیند پخش ایتو، فرمول دینکین، عملگر مشخصه، فرآیند پسر و کلموگراف، فرمول فاینمن-کتنس، مسأله مارتینگل، تعویض زمان تصادفی، قضیه گیرساتف، کاربرد معادلات دیفرانسیل تصادفی در نظریه مسائل مقدار مرزی، مسأله دیریشله، مسأله پواسن، کاربرد در توقف بهینه: حالت زمانی-همگن و حالت زمانی-ناهمگن، مسائل توقف بهینه شامل انتگرال، ارتباط با نامساوی های تغییراتی، کاربرد در کنترل تصادفی، معادله هامیلتن-ژاکوبی-بلمن.

مراجع پیشنهادی:

- 1- Le Gall, Jean-François, *Brownian Motion, Martingales, and Stochastic Calculus*, Springer, 2016.
- 2- Oksendal, B., *Stochastic differential equations: an introduction with applications*, 6th Ed., Springer, Berlin, 2003.



| | | | | | | | |
|----------------|--|---------------------------------|------------|--------------------------|--|-----------|--|
| | | فارسی | | انگلیسی | | عنوان درس | |
| | | انتگرال تصادفی | | Stochastic Integration | | | |
| نوع واحد | | تعداد واحد | تعداد ساعت | دروس پیش نیاز | | | |
| پایه | | ۳ | ۴۸ | فرآیندهای تصادفی پیشرفته | | | |
| اصلی | | | | اختیاری | | | |
| نظری | | عملی | | نظری | | عملی | |
| نظری | | نظری | | نظری | | عملی | |
| نظری | | عملی | | نظری | | عملی | |
| نظری | | عملی | | نظری | | عملی | |
| حل تمرین: دارد | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | | | | |

هدف:

آشنایی دانشجویان با نظریه انتگرال تصادفی در سطحی پیشرفته تر از آن که در درس آشنایی با آنالیز تصادفی دیده است. در اینجا انتگرال تصادفی فرآیندهای پیش‌بینی‌پذیر نسبت به مارتینگل‌های موضعی با شرایط مناسب آموزش داده می‌شود. به علاوه، صورت تعمیم‌یافته فرمول ایتو و کاربردهای آن نیز بیان می‌شود.

سرفصل درس:

مجموعه‌ها و فرآیندهای پیش‌بینی‌پذیر، بازه‌های تصادفی، اندازه روی مجموعه‌های پیش‌بینی‌پذیر، تعریف انتگرال تصادفی، توسعه تعریف انتگرال به انتگرال‌دها و انتگرال‌گیرهای موضعی، فرمول جانشین‌سازی، فرآیند تغییرات مرتبه دوم و ویژگی‌های آن، L^2 - مارتینگل‌ها و انتگرال نسبت به آنها، فرمول ایتو یک بعدی، فرمول ایتو چندبعدی، کاربردهای فرمول ایتو، زمان موضعی و فرمول تاناکا، حرکت براونی بازتاب‌یافته، تعویض زمان، تعویض اندازه، معادلات دیفرانسیل تصادفی، قضیه وجود و یکتایی در حالت لیب‌شیتز، جواب‌های ضعیف و قوی، ویژگی مارکوفی قوی برای جواب‌ها، اندازه‌های تصادفی، قضیه نمایش مارتینگلی.

مراجع پیشنهادی:

- 1- Chung, K.L., and Williams, R.J., *Introduction to Stochastic Integration*, 2nd Ed., Birkhauser, Boston, 1990.
- 2- Protter, P., *Stochastic Integration and Differential Equations*, 3rd Ed., Springer-Verlag, 2004.



| | | | | | | | |
|--|--|-------------------------|------------|---|------|-----------|------|
| | | فارسی | | نظریه معادلات دیفرانسیل پاره‌ای تصادفی | | عنوان درس | |
| | | انگلیسی | | Theory of Stochastic Partial Differential Equations | | | |
| نوع واحد | | تعداد واحد | تعداد ساعت | دروس پیش‌نیاز | | | |
| پایه | | ۳ | ۴۸ | اختیاری | | اصلی | |
| نظری | | | | عملی | نظری | عملی | نظری |
| | | آشنایی با آنالیز تصادفی | | | | | |
| حل تمرین: دارد. نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد. | | | | | | | |

هدف:

آشنایی دانشجویان با انواع معادلات دیفرانسیل پاره‌ای تصادفی، مفهوم جواب قوی، معادلات تحولی تصادفی در فضاهای هیلبرت و مطالبی درباره نظریه کیفی معادلات دیفرانسیل پاره‌ای و برخی کاربردها.

سرفصل درس:

یادآوری تعریف انتگرال تصادفی ای‌تو و ویژگی‌های اصلی آن، فرمول ای‌تو و کاربردهای آن، تعریف معادله دیفرانسیل پاره‌ای تصادفی، معادلات دیفرانسیل پاره‌ای تصادفی مرتبه اول، معادلات سهموی تصادفی از قبیل معادله انتقال حرارت تصادفی، معادله واکنش-پخش، معادلات سهموی با نوقه لوی. معادلات هذلولوی تصادفی از قبیل معادله موج تصادفی، معادله موج نیمه‌خطی و معادله موج روی دامنه‌های بی‌کران، آشنایی با معادلات تحولی تصادفی روی فضاهای هیلبرت، مارتینگل‌های هیلبرت-مقدار، انتگرال تصادفی در فضاهای هیلبرت، فرمول ای‌تو، معادلات تحولی تصادفی، جواب ملایم و جواب قوی و رابطه آن‌ها، رفتار مجانبی جواب‌ها و بررسی مطالبی مانند کراننداری و پایداری جواب‌ها، روش تابع لیاپانوف، اندازه‌های ناورد، اختلال‌های تصادفی کوچک، انحراف‌های بزرگ، بیان برخی از کاربردها مانند معادله برگر تصادفی، معادله شرودینگر تصادفی، معادله کان-هیلیارد و پایداری آن، معادله ناویه-استوکس تصادفی.

مراجع پیشنهادی:

1. Chow, P. L., *Stochastic partial differential equations*, 2nd Edition, CRC Press, 2015.
2. Liu, W. and Röckner, M., *Stochastic Partial Differential Equations: An Introduction*, Springer-Verlag, 2015.



| | | | | | | | |
|--|-------|---------|---------|--------------------------------|------|-----------|------|
| | | فارسی | | معادلات تحولی تصادفی | | عنوان درس | |
| | | انگلیسی | | Stochastic Evolution Equations | | | |
| نوع واحد | تعداد | تعداد | | | | | |
| | ساعت | واحد | | | | | |
| نظریه معادلات دیفرانسیل پاره‌ای تصادفی | ۴۸ | ۳ | اختیاری | | اصلی | | پایه |
| | | | عملی | نظری | عملی | نظری | عملی |
| حل تمرین: دارد نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | | | | | | |

هدف:

آشنایی دانشجویان با چگونگی مدل‌سازی معادلات دیفرانسیل پاره‌ای تصادفی در قالب معادلات تحولی تصادفی در فضای باناخ یا هیلبرت مناسب، تحلیل انواع جواب و بررسی پایداری جوابها.

سرفصل درس:

حسابان تصادفی شامل: فرآیندهای هیلبرت - مقداری، متغیر تصادفی گاوسی هیلبرت - مقداری، مارتینگل‌ها در فضاها هیلبرت، -فرآیند وینر استوانه‌ای.

انتگرال تصادفی شامل: فرآیندهای تصادفی مقدماتی، انتگرال تصادفی ایتو برای فرآیندهای مقدماتی، انتگرال تصادفی ایتو نسبت به فرآیند تصادفی ایتو نسبت به فرآیند وینر استوانه‌ای، مسأله نمایش مارتینگلی، قضیه فوبینی تصادفی، فرمول ایتو و کاربردهای آن.

معادلات دیفرانسیل تصادفی شامل: تعریف معادله دیفرانسیل تصادفی در فضاها نامتناهی-بعد، جواب قوی و ضعیف و ملایم، مقایسه روش تغییراتی و روش نیمگروهی، وجود و یکتایی جواب با شرایط مناسب، خاصیت مارکوفی جواب، وابستگی جواب نسبت به شرایط اولیه، معادله پسر و کلموگراف، وجود جواب ضعیف با شرط پیوستگی.

رفتار مجانبی جوابهای معادلات تحولی شامل: پایداری و پایداری مجانبی، پایداری مجانبی نمایی گشتاورها و مسیرهای نمونه‌ای، کراندارگی گشتاورها و مسیرهای نمونه‌ای جوابها.

مراجع پیشنهادی:

- 1- Gawarecki, L., and Mandrekar, L., *Stochastic differential equations in infinite dimensions*, Springer-Verlag, Berlin, 2011.
- 2- Prevot, C., and Rockner, M., *A concise course on stochastic partial differential equations*, SpringerLNM (1905), Berlin, 2007.
- 3- Da Prato, G., Zabczyk, J., *Stochastic equations in infinite dimensions*, Cambridge University Press, London, 1992



| | | | | | | | |
|----------------|------|--|------------|-------------------------------|------|-----------|------|
| | | فارسی | | فرآیندهای تصادفی پیشرفته | | عنوان درس | |
| | | انگلیسی | | Advanced Stochastic Processes | | | |
| نوع واحد | | تعداد واحد | تعداد ساعت | دروس پیش‌نیاز | | | |
| پایه | | ۳ | ۴۸ | اختیاری | | اصلی | |
| نظری | عملی | | | نظری | عملی | نظری | عملی |
| حل تمرین: دارد | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | | | | |
| نظری | | نظریه پیشرفته احتمال و آشنایی با آنالیز تصادفی | | | | | |

هدف:

آشنایی دانشجویان با انواع فرآیندهای تصادفی و مارتینگل‌های زمان-پیوسته و انتگرال تصادفی نسبت به نیمه مارتینگل‌ها.

سرفصل درس:

تعریف فرآیند تصادفی، فرآیندهای تصادفی اندازه‌پذیر، فرآیندهای تصادفی پیوسته، فرآیندهای تصادفی پیش‌بینی‌پذیر، قضیه توسعه کلموگروف، مارتینگل زمان-پیوسته، نامساوی‌های مارتینگلی برای مارتینگل‌های زمان-پیوسته، زمان توقف، رده‌بندی زمان‌های توقف، قضیه نمونه‌گیری اختیاری، قضیه توقف اختیاری، قضیه همگرایی مارتینگل‌ها، فرآیندهای صعودی و قضیه تجزیه دوب-میر، ساختار L^2 -مارتینگل‌ها، فرآیند تغییرات مرتبه دوم، آشنایی با نیمه‌مارتینگل‌ها و مارتینگل‌های موضعی، انتگرال تصادفی نسبت به L^2 -مارتینگل‌ها.

مرجع پیشنهادی:

- 1- Cohen, S.N., Elliot, R. J., *Stochastic Calculus and Applications*, 2nd Ed., Birkhauser, 2015.
- 2- Yeh, J., *Martingales and Stochastic Processes*, World Scientific, 1995.
- 3-Métivier, M., *Semi Martingales: A Course on Stochastic Processes*, Walter de Gruyter, 1982.
- 4-Protter, P., *Stochastic Integration and Differential Equations*, 3rd Ed., Springer-Verlag, 2004.



| | | | | | | | |
|-------------------------|--|---------------------------------|------------|----------------------------|------|-----------|------|
| | | فارسی | | کنترل بهینه تصادفی | | عنوان درس | |
| | | انگلیسی | | Stochastic Optimal Control | | | |
| نوع واحد | | تعداد ساعت | تعداد واحد | | | | |
| پایه | | ۴۸ | ۳ | اختیاری | | اصلی | |
| نظری | | | | عملی | نظری | عملی | نظری |
| حل تمرین: دارد | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | | | | |
| آشنایی با آنالیز تصادفی | | | | | | | |

هدف:

در این درس دانشجویان با کنترل بهینه تصادفی زمان-پیوسته برای سیستمهایی با مشاهدات کامل و جزئی، روش‌های حل آنها و مباحثی در نظریه پالایه تصادفی آشنا می‌شوند.

سرفصل درس:

آشنایی با مسائل تغییراتی و انگیزه پیدایش نظریه کنترل، مروری بر کنترل بهینه تعینی، اصل ماکسیمم پانتریاکین، قضیه‌های وجود و پیوستگی کنترل بهینه، روش برنامه‌ریزی پویا، معادلات دیفرانسیل پاره‌ای وابسته به برنامه‌ریزی پویا، یادآوری انتگرال ایتو و معادلات دیفرانسیل تصادفی، فرآیندهای پخش مارکوفی، کنترل بهینه برای فرآیندهای پخش، معادله برنامه‌ریزی پویا برای فرآیندهای پخش کنترلی، جواب‌های ویسکاسیتی برای معادلات همپلتن-ژاکوبی-بلمن، معادلات تصادفی سهموی و کنترل‌های بهینه برای معادلات زاکایی شامل فرآیندهای پخش کنترلی با مشاهدات جزئی.

مراجع پیشنهادی:

1. Makiko Nisio. *Stochastic control theory*. Springer, 2nd Edition, 2015.
2. Alain Bensoussan. *Stochastic control of partially observable systems*. Cambridge University Press, 1992.



| فرایندهای لوی | | فارسی | عنوان درس | |
|----------------|------------|------------|---------------|---------------------------------|
| Levy Processes | | انگلیسی | | |
| نوع واحد | تعداد واحد | تعداد ساعت | دروس پیش نیاز | |
| پایه | اختیاری | ۴۸ | ۳ | اصلی |
| | | | | تخصصی |
| نظری | عملی | نظری | عملی | نظری |
| عملی | نظری | عملی | نظری | عملی |
| حل تمرین: دارد | | | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد |

هدف:

در این درس، دانشجویان با فرایندهای لوی و ساختار آن‌ها آشنا می‌شوند و به آنالیز تصادفی لوی می‌پردازند.

سرفصل درس:

توزیع‌های بی‌نهایت‌بار تقسیم‌پذیر و خواص آنها، نمایش لوی-خینجین توزیع‌های بی‌نهایت‌بار تقسیم‌پذیر، فرایندهای با نموهای مستقل و مانا، تعریف فرایندهای لوی، حرکت بروانی، فرایند پواسون ترکیبی، فرایندهای گاما، اندازه تصادفی پواسون و خواص آن، نمایش لوی-خینجین برای فرایندهای لوی، فرایندهای تبعی و خواص آنها، اولین زمان گذر در فرایندهای لوی، آنالیز تصادفی فرایند لوی، فرمول اینو، معادلات دیفرانسیل تصادفی نسبت به نوفه لوی، قضیه وجود و یگانگی، حل ضعیف و رابطه آن با معادله دیفرانسیل پاره‌ای، شار تصادفی لوی، ویژگی مارکوفی جوابها، فرمول قاینمن-کتس و مسائل مارتینگلی.

مراجع پیشنهادی:

1. Applebaum D., *Levy Processes and Stochastic Calculus*, 2nd Ed., Cambridge Uni. Press, 2009
2. Bertoin, J., *Levy Processes*. Cambridge University Press, 1996.
3. Kyprianou, A. *Fluctuations of Levy Processes*. 2nd Ed., Springer, 2014.
4. Sato, K., *Levy Processes and Infinitely Divisible Distributions*, 2nd Ed, Cambridge Univ. Press, 2014.



| عنوان درس | | فارسی | حسابان ملبوان و کاربردهای آن | |
|----------------|------|---------------------------------|--------------------------------------|---------------------------|
| | | انگلیسی | Malliavin Calculus with Applications | |
| نوع واحد | | تعداد واحد | تعداد ساعت | دروس پیش نیاز |
| پایه | اصلی | ۳ | ۴۸ | فراایندهای تصادفی پیشرفته |
| | نظری | | | |
| حل تمرین: دارد | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | |

هدف:

آشنایی دانشجویان با انتگرال وینر چندگانه و حساب دیفرانسیل و انتگرال ملبوان و کاربردهای آن به ویژه در ریاضی مالی.

سرفصل درس:

حسابان ملبوان متناهی بُعد، بسط آشوبی وینر-ایتو، انتگرال اسکر خود، عملگر اورنشتاین-اولنیک، عملگر مشتق، مشتق برحسب بسط آشوبی، عملگر انتگرال یا دیورژانس، حسابان با انتگرال وینر چندگانه، انتگرال ایتو، فرمول کلارک-اوکان، محک‌های پیوستگی مطلق و همواری قانون‌های احتمال، انتگرال تصادفی نسبت به نوفه رنگی، معادلات دیفرانسیل پاره‌ای تصادفی شامل نوفه رنگی، منظم بودن جوابهای SPDE به تعبیر ملبوان، فرمول بلک-شولز و کاربرد در ریاضی مالی.

مراجع پیشنهادی

- 1- Sanz-Sole, M., *Malliavin Calculus with Applications to Stochastic Partial Differential Equations*, CRC Press, EPFL Press, 2005.
- 2- Oksendal, B., *An Introduction to Malliavin Calculus with Applications to Economics*, University of Oslo, 1997.



| | | | | | |
|------------------------------|--|---------------------------------|------------|--------------------------|--|
| | | فارسی | | فرآیندهای تصادفی کاربردی | |
| | | انگلیسی | | عنوان درس | |
| Applied Stochastic Processes | | | | | |
| نوع واحد | | تعداد واحد | تعداد ساعت | دروس پیش نیاز | |
| پایه | | ۳ | ۴۸ | نظریه اندازه و کاربردها | |
| اصلی | | | | اختیاری | |
| عملی | | نظری | | عملی | |
| نظری | | عملی | | نظری | |
| حل تمرین: دارد | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | | |

هدف:

در درس فرآیند تصادفی دوره کارشناسی با ابزار آنالیز مقدماتی به مطالعه فرآیند های مارکف می پردازیم. در این درس با توجه به اینکه درس دانشجویان درس نظریه اندازه و احتمال را قبلا دیده اند با استفاده از ابزار قوی مانند مارتینگل و همگرایی آن به مطالعه فرآیند های مارکف، فرآیند شاخه ای، فرآیند تجدید، و کاربرد های متنوع مارتینگل و فرآیند های مطرح شده در بالا می پردازیم

سرفصل درس:

توابع مولد و کاربردهای آن، آشنایی با فرآیندهای تصادفی و انواع آن، زنجیر های مارکف با پارامتر گسسته، معادلات چپمن کلموگروف، قدم زدن تصادفی، فرآیندهای شاخه ای، فرآیندهای شاخه ای وابسته به سن، زنجیرهای مارکف با تعداد منتهای حالت و قضیه فروبیتوس، فرآیند زاد و مرگ، زنجیر مارکف مونت کارلو، مارتینگل دمواور و زنجیر مارکف، تفاضل مارتینگلی و نامساوی های Hoeffding، کاربردهای این نامساوی در bin packing کاربردهای مارتینگل ها و قضیه های همگرایی در زنجیرهای مارکف و فرآیند شاخه ای، مدل های زنتیک، نامساوی والد، مساله قمار باز، کاربرد زنجیرهای مارکف در نظریه صف، تعریف زنجیرهای مارکف زمان-پیوسته، توابع یا ماتریس های انتقال، معادله چپمن-کلموگروف، زمان های پرش، ماتریس مولد، معادلات پیرو و پیشرو کلموگروف، خواص ارگودیک زنجیرهای مارکف، مروری بر پیش توابع توزیع و خواص آن مروری بر تبدیل لاپلاس و خواص آن، تعریف فرآیند تجدید و خواص مقدماتی آن، معادلات تجدید، فرآیند سن و باقیمانده عمر، قضیه کلیدی تجدید و قضیه بلکول، فرآیندهای تجدید مانا و خواص آن، تعریف فرآیندهای نوپیدایشی و خواص آن، معادلات تجدید و قضیه اسمیت.

مراجع پیشنهادی:

- 1- Grimmett, G. and Stirzaker, D., *Probability and Random Processes*, Oxford Univ. Press, 2001.
- 2- Hoel P. G., Port, P. G. and C, J. Stone, *Introduction to stochastic Processes*, Waveland Pr Inc. 1986.
- 3- Karlin, S. and Taylor, H. M., *A First Course in Stochastic Processes*, 2nd Ed., Academic Press, 1975.
- 4- Pinsky, M. A. and Karlin, S., *An Introduction to Stochastic Modeling*, 4th Ed., Academic Press, 2010.
- 5- Resnick, S., *Adventures in stochastic Processes*, Birkhauser, 1999.
- 6- Serfozo, R., *Basics of Applied Stochastic Processes*, Springer, 2009.



| عنوان درس | | فارسی | | انگلیسی | | | | | | |
|-----------------------------|-------|--|----------------------------------|---------|-------|------|------|------|------|------|
| فرآیندهای تصادفی مانای ضعیف | | Weakly Stationary Stochastic Processes | | | | | | | | |
| نوع واحد | تعداد | تعداد | | | | | | | | |
| | ساعت | واحد | | | | | | | | |
| آشنایی با آنالیز تصادفی | ۴۸ | ۳ | اختیاری | | تخصصی | | اصلی | | پایه | |
| | | | عملی | نظری | عملی | نظری | عملی | نظری | عملی | نظری |
| | | | نمایز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | | | | | | |

هدف:

هدف این درس آشنایی دانشجویان با فرآیند تصادفی ضعیف مانا، نگاه گوسی به فرآیندهای مانا، پیشبینی، نظریه طیفی فرآیندهای مانا است.

سرفصل درس:

مروری بر تعریف فرآیندهای تصادفی و انواع آن، فرآیندهای مانای ضعیف و خواص آنها، تابع خودکوریانس و خود همبستگی، قضیه بوختر، اندازه‌های تصادفی با نموهای متعامد (یا مستقل) و خواص آن، انتگرال تصادفی نسبت به اندازه‌های تصادفی یا نموهای متعامد و قضیه‌های همگرایی مربوط به آن، نمایش طیفی برای فرآیندهای مانا، تجزیه وُلند، مروری بر فضاها هیلبرت و عملگرهای ایزومتري، ایزومتري کلموگرف، پیش‌بینی سرهای زمانی مانا، فرآیندهای گوسی مانا و نمایش طیفی آنها، خواص فرآیندهای گوسی مانا، آشنایی با فرآیندهای میانگین متحرک خود بازگشتی و خواص آن و پیش‌بینی این فرآیندها.

مراجع پیشنهادی:

- 1- Ash, R. B. and Gardner, M. F., *Topics in Stochastic Processes*, Academic Press, 1975.
- 2- Brockwell, P. J. and Davis, A., *Time Series: Theory and Methods*, 2nd ed., Springer, 1991.
- 3- Lamperti, J., *Stochastic Processes: A Survey of the Mathematical Theory*, Springer, 1977.
- 4- Lindgren, G., *Stationary Stochastic Processes: Theory and Applications*, CRC Press, 2012.



| فرآیندهای پخش | | فارسی | عنوان درس |
|-----------------------------------|-------|---------|----------------|
| Diffusion Processes | | انگلیسی | |
| نوع واحد | تعداد | تعداد | پایه |
| | ساعت | واحد | |
| نظریه‌معادلات دیفرانسیل تصادفی | ۴۸ | ۳ | اصلی |
| | | | تخصصی |
| | | | اختیاری |
| | | | عملی |
| | | | نظری |
| نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | | حل تمرین: دارد |

هدف:

هدف این درس عبور دانشجویان از حسابان تصادفی مقدماتی به مطالب پیشرفته فرآیند پخش (انتشار) است. در این درس به مطالبی مانند مولد فرآیند پخش، مسئله مارتینگل‌ها و رابطه فرآیند پخش فرآیند با معادلات دیفرانسیل پارهای که بوسیله مولد این فرآیند بدست می‌آید، پرداخته می‌شود. در نهایت به فرآیند پخش مجرد اشاره خواهد شد.

سرفصل درس:

حل قوی و ضعیف معادلات دیفرانسیل تصادفی با ضرایب لیبشیتز، فرآیند پخش، خاصیت مارکف قوی و ضعیف، مولد فرآیند پخش ایتو، فرمول دینکین، معادله پرسوکلموگرف، حلال مولد، فرمول فاینمن-کاتس، مسئله مارتینگل استروک-وارادان، قضیه‌های گیرساتف-مارتین، مسئله شرایط مرزی، مسئله دیریکله، مسئله بواسون، مسئله مخروط برای معادلات دیفرانسیل پارهای بیضوی، همگرایی ضعیف، توزیع شرطی و قضیه‌های توسیع، فضای توابع پیوسته، مارتینگل و فشرده‌گی، مسیره‌های فرآیندهای مارکف منظم، اندازه وینر منظم، اصل ماکزیمم برای معادلات دیفرانسیل سهموی، آشنایی با فرآیندهای پخش مجرد، فرآیندهای فلر و هانت، نظریه پتانسیل و فرآیند ری.

مراجع پیشنهادی:

- 1- Chung, Kai Lai, Walsh, John B., *Markov Processes, Brownian Motion, and Time Symmetry*, Springer-Verlag, 2005.
- 2- Holden, E., Oksendal, B., Uboc, J., and Zhang, T., *Stochastic Partial Differential Equations*, 2nd Ed., Springe, 2010.
- 3- Revuz, Daniel, Yor, Marc, *Continuous Martingales and Brownian Motion*, Springer-Verlag, 1999.
- 4- Stroock, D. W. and Varadhan, S.R.S., *Multidimensional Diffusion Processes*, Springer-Verlag, 2006.



| | | | | | | | |
|-------------------------|--|---------------------------------|------------|-----------------|------|----------------|------|
| | | فارسی | | گراف‌های تصادفی | | عنوان درس | |
| Random Graphs | | انگلیسی | | | | | |
| نوع واحد | | تعداد واحد | تعداد ساعت | دروس پیش‌نیاز | | | |
| پایه | | ۳ | ۴۸ | اختیاری | | اصلی | |
| نظری | | | | عملی | نظری | عملی | نظری |
| نظریه اندازه و کاربردها | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | | | حل تمرین: دارد | |

هدف:

آشنایی با گراف‌های تصادفی و کاربردهای آن به‌خصوص در شبکه‌ها.

سرفصل درس:

- مدل گراف تصادفی اردوش-رنتی (حالت زیربحرانی، حالت ابربحرانی، مولفه بزرگ، قضیه حد مرکزی برای مولفه بزرگ، رفتار بحرانی، آستانه همبندی، دنباله درجات)
- مدل‌های اتصال وابسته به درجات (دنباله درجات، تجمع اندازه برای دنباله درجات، امید ریاضی درجه‌ها، ماکسیمم درجه‌ها)
- مدل‌های دنیای کوچک (مدل واتس-استروگاتس، طول مسیرها، مدل‌های اپیدمی، مدل آیزینگ و پاتس، مدل تماسی)

مراجع پیشنهادی:

- 1- Bollobas, B., *Random graphs*. 2nd Ed., Cambridge: Cambridge University Press, 2008.
- 2- Frieze, M. and Michał Karoński, *Introduction to Random Graphs*, Cambridge University Press, 2016.
- 3- Hofstad, R. van der., *Random graphs and complex networks. Vol. I*, Cambridge University Press, 2017.
- 4- Janson, S., Luczak, T. and Rucinski, A., *Random graphs*, John-Wiley, 2000.



| عنوان درس | | فارسی | نظریه نشت | |
|----------------|------|---------------------------------|--------------------|-------------------------|
| عنوان درس | | انگلیسی | Percolation Theory | |
| نوع واحد | | تعداد واحد | تعداد ساعات | دروس پیش نیاز |
| پایه | اصلی | تخصصی | اختیاری | نظریه اندازه و کاربردها |
| | عملی | عملی | عملی | |
| عملی | نظری | عملی | نظری | ۴۸ |
| عملی | نظری | عملی | نظری | ۳ |
| حل تمرین: دارد | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | |

هدف:

آشنایی با نظریه نشت و کاربردهای آن

سرفصل درس:

- نشت راسی و یالی (مقدمات، پدیده‌های بحرانی، قانون صفر-یک و احتمال نشت، نابدی‌پی بودن آستانه نشت، نابرابری‌های BK و FKG، فرمول روسو، مقدار دقیق آستانه در نشت یالی دو بُعدی، اندازه متوسط خوشه‌ها، طول همبستگی، کاهش نمایی در حالت زیر بحرانی، یکتایی خوشه نامتناهی در حالت ابر بحرانی، نشت بر شبکه متناهی)
- نشت جهت‌دار (قضیه ارگودیک زیرجمعی، نشت جهت‌دار در بُعد دو، فرآیند یالی چپ و راست، مقایسه آستانه نشت جهت‌دار و بدون جهت،)
- نشت پیوسته (مقدمه‌ای بر نشت خالی و پُر، انواع پارامترهای بحرانی، نابدی‌پی بودن پارامترهای بحرانی، احتمال گذر و کاهش نمایی، معادل بودن پارامترهای بحرانی با تعاریف مختلف، کسر پوشیده شده فضا، یکتایی ناحیه بی‌کران خالی و پُر، وابستگی به شکل)

عراجع پیشنهادی:

- 1- Bollobás B. and Riordan, O., *Percolation*, Cambridge University Press, 2006.
- 2- Grimmett, G., *Percolation*. 2nd Ed., Springer, 1999.
- 3- Hofstad, R. van der., *Random graphs and complex networks. Vol. I*, Cambridge University Press, 2017.



| عنوان درس | | فارسی | | فرآیندهای تصادفی مجموعه مقدار | |
|--|-------|------------|------------|---------------------------------|------|
| عنوان درس | | انگلیسی | | Set-Valued Stochastic Processes | |
| نوع واحد | | تعداد واحد | تعداد ساعت | دروس پیش نیاز | |
| پایه | اصولی | ۳ | ۴۸ | آشنایی با آنالیز تصادفی | |
| | نظری | | | اختیاری | |
| نظری | عملی | ۳ | ۴۸ | عملی | نظری |
| | نظری | | | عملی | نظری |
| حل تمرین: دارد - نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | | | | |

هدف:

آشنایی دانشجویان با انگیزه‌های پیدایش توابع مجموعه مقدار در نظریه کنترل، نظریه بازیها، آنالیز ناهموار و اقتصاد ریاضی و مدل سازی نوع تصادفی مسائل مربوط به این حوزه‌ها به زبان شمول‌های دیفرانسیلی تصادفی.

سرفصل درس:

تعریف تابع مجموعه مقدار، دامنه و برد و نمودار تابع مجموعه مقدار، تعریف تصویرارون و ویژگی های آن، تابع‌های مجموعه مقدار نیم پیوسته بالایی و نیم پیوسته پایینی، تابع‌های مجموعه مقدار اندازه پذیر، انتخاب پیوسته، انتخاب اندازه پذیر، مجموعه‌های تجزیه پذیر، انتگرال توابع مجموعه مقدار، فرآیندهای تصادفی مجموعه مقدار، امید شرطی متغیرهای تصادفی مجموعه مقدار، انتگرال تصادفی مجموعه مقدار، شمول‌های دیفرانسیلی تصادفی، شمول‌های تابعی تصادفی، قضیه‌های وجود جواب برای شمول‌های دیفرانسیلی تصادفی، شمول‌های دیفرانسیلی پارهای، کاربرد آنالیز تصادفی مجموعه مقدار در مسائل کنترل بهینه تصادفی.

مرجع پیشنهادی:

1- Kisielewicz, M., *Stochastic Differential Inclusions and Applications*, Springer-Verlag, New York, 2013.



| | | | | | | |
|---|-------|---------|----------------|------|------|------|
| روشهای عددی در معادلات دیفرانسیل تصادفی | | فارسی | عنوان درس | | | |
| Numerical Methods in SDE's | | انگلیسی | | | | |
| نوع واحد | تعداد | تعداد | پایه | | | |
| | ساعت | واحد | | | | |
| دروس پیش نیاز | ۴۸ | ۳ | اختیاری | | اصلی | |
| | | | عملی | نظری | عملی | نظری |
| آشنایی با آنالیز تصادفی | | | حل تمرین: دارد | | | |
| نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | | | | | |

هدف:

هدف از این درس، آشنایی دانشجویان با روش‌های حل عددی معادلات دیفرانسیل تصادفی و کاربردهای آنها در مواجهه با مسایل کاربردی در شاخه‌های مختلفی چون فیزیک، مکانیک، مالی و غیره خواهد بود.

سرفصل درس:

مروری اجمالی بر حسابان تصادفی و تعاریف انتگرال ایتو و استراتونویچ، خواص حرکت براونی و بررسی روش‌های مختلف برای شبیه‌سازی مسیرهای آن، بررسی خواص جواب یک معادله دیفرانسیل تصادفی با نویز گاوسی و نویز پواسون، معرفی بسط تیلور-ایتو تصادفی و بدست آوردن روش اویلر-مارویاما و روش میلستاین، معرفی مفهوم سازگاری برای طرح‌های عددی تصادفی، بررسی مفاهیم مرتبه همگرایی قوی و ضعیف، معرفی خانواده روش‌های رونگه-کوتای تصادفی، معرفی خانواده روش‌های چند-گامی تصادفی، معرفی مفهوم پایداری تصادفی و انواع آن (پایداری میانگین مربعی، پایداری مجانبی، پایداری نمایی، معرفی روش‌های با طول گام متغیر برای گسسته‌سازی معادلات دیفرانسیل تصادفی، کاربردهای معادلات دیفرانسیل تصادفی در فیزیک، مکانیک، مالی و سایر شاخه‌ها.

مراجع پیشنهادی:

1. Kloeden, P. E. & Platen, E. (1999). *Numerical Solution of Stochastic Differential Equations*, Vol. 23 of *Appl. Math.*, Springer. Third printing.
2. Kloeden, P. E., Platen, E. & Schurz, H. (2003). *Numerical Solution of SDEs through Computer Experiments*, Springer. Third corrected printing.
3. Milstein G. (1995). *Numerical Integration of Stochastic Differential Equations*, Dordrecht, Kluwer.
4. Platen, E. & Bruti-Liberati, N. (2010). *Numerical Solution of Stochastic Differential Equations with Jumps in Finance*, Springer.



| | | | | | | | | |
|---|------------|------------|---------------------------------|------|-------|---------|----------------|------|
| روشهای عددی در معادلات دیفرانسیل پاره‌ای تصادفی | | فارسی | عنوان درس | | | | | |
| Numerical Methods in SPDE's | | انگلیسی | | | | | | |
| دروس پیش‌نیاز | تعداد ساعت | تعداد واحد | نوع واحد | | | | | |
| | | | پایه | اصلی | تخصصی | اختیاری | | |
| نظریه معادلات دیفرانسیل پاره‌ای تصادفی | ۴۸ | ۳ | عملی | نظری | عملی | نظری | عملی | نظری |
| | | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | | | حل تمرین: دارد | |

هدف:

هدف از این درس، آشنایی دانشجویان با روش‌های حل عددی معادلات دیفرانسیل پاره‌ای تصادفی و کاربردهای آن‌ها در بررسی مدل‌های ریاضی پدیده‌های طبیعی مانند انتقال حرارت و موج و روش‌های عددی در تحلیل مسائل ریاضی مالی است.

سرفصل درس:

مروری بر آنالیز عددی شامل دوره روش تفاضلات منتهای، روش عناصر منتهای و نتایج اساسی در نظریه تقریب، آشنایی با معادله دیفرانسیل تصادفی انتقال حرارت (سه‌موی) و معادله دیفرانسیل تصادفی موج (هذلولوی)، مثالهای پایه‌ای از این معادلات، خوش-طرح بودن، وجود و یکتایی جواب، بررسی همواری جواب تصادفی و گشتاورهای آن، تقریب عددی مسیره‌های جواب با روش تفاضلات منتهای (در زمان)، تقریب عددی مسیره‌های جواب با روش عناصر منتهای (در مکان)، شبیه‌سازی به کمک روش مونت-کارلو، نرخ همگرایی قوی و ضعیف، محاسبه خطای گشتاور مرتبه دوم و مرتبه p ، حل عددی معادلات تصادفی با نوقه لوی. مراجع پیشنهادی:

- 1- Walsh, J.B., *Finite Element Methods for Parabolic Stochastic PDSE's*, in Potential Analysis, 23(2005), 1-43.
- 2-Lord, G.J., and Powell Catherine, E., and Shardlow, T., *An Introduction to Computational Stochastic PDE's*. Cambridge University Press, 2014.



| عنوان درس | | فارسی | | انگلیسی | | |
|---------------------------------|----|----------------------------|----------------|---------|---------------------------------|------|
| Numerical Solutions for SDE | | آنالیز تصادفی روی خمینه‌ها | | | | |
| نوع واحد | | تعداد | تعداد | | | |
| | | ساعت | واحد | | | |
| انتگرال تصادفی و هندسه خمینه‌ها | ۴۸ | ۳ | اختیاری | | اصلی | |
| | | | عملی | نظری | عملی | نظری |
| | | | حل تمرین: دارد | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | |

هدف:

هدف از این درس، آشنایی دانشجویان با هندسه دیفرانسیل تصادفی، چگونگی تعریف حرکت براونی روی خمینه‌ها و آنالیز تصادفی روی خمینه‌ها است.

سرفصل درس:

آشنایی با هندسه دیفرانسیل تصادفی، میدان‌های تانسوری، انتگرال‌های مسیری تصادفی، مارتینگل روی خمینه‌ها، مارتینگل روی زیرخمینه‌ها، عملگر بلترامی-لاپلاس، حرکت براونی روی خمینه‌ها، مثال‌هایی از حرکت براونی، تابع فاصله، فرایندهای شعاعی، نیمگروه انتقال حرارت و حرکت براونی، رفتارهای مجانبی، پل براونی، مسأله دیریشله، خمینه‌های شعاعی متقارن، جفت‌شدگی حرکت براونی، معادله انتقال حرارت روی فرم‌های دیفرانسیلی، فرمول‌های گاوس-بوننه-چرن، جبرهای کلیفورد و گروه‌های اسپین، قضیه شاخص عطیه-سینگر، هولونومی براونی، آنالیز روی فضاها مسیری، قضیه نمایش مارتینگلی، نامساوی‌های سوپولف لگاریتمی.

مراجع پیشنهادی:

- 1- Elworthy, K.D., *Stochastic Differential Equations on Manifolds*, London Math. Soc. Lecture Note Series, Cambridge University Press, 1982.
- 2- Hsu, Elton P., *Stochastic Analysis on Manifolds*, AMS, 2001.



| | | | | | | | |
|----------------|--|---------------------------------|------------|--------------------------|------|-----------|------|
| | | فارسی | | انگلیسی | | عنوان درس | |
| | | نظریه ریاضی بازی‌ها | | Mathematical Game Theory | | | |
| نوع واحد | | تعداد واحد | تعداد ساعت | دروس پیش‌نیاز | | | |
| پایه | | ۳ | ۴۸ | اختیاری | | اصلی | |
| نظری | | | | عملی | نظری | عملی | نظری |
| حل تمرین: دارد | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | | | | |

هدف:

در این درس دانشجو با نظریه بازی‌ها و کاربردهای آن با رویکرد ریاضی آشنا می‌شود.

سرفصل درس:

مقدمه‌ای بر نظریه تصمیم، تابع مطلوبیت و انواع آن، بازی‌های استراتژیک (بازی‌های دو نفره با مجموع صفر، تعادل نش در بازی‌های استراتژیک، استراتژی ترکیبی از بازی‌های متناهی، ...)، بازی‌های هماهنگ (استراتژی، تعادل نش، تعادل دنباله‌ای، ...)، بازی‌ها با اطلاعات ناقص (بازی‌های بی‌بازی، تعادل نش در بازی‌های بی‌بازی، کاربردهای بازی‌های بی‌بازی)، بازی‌های مشارکتی (تعادل نش، بازی‌های محدب، بازی‌های رقابتی، تعادل نش در بازی‌های رقابتی)، مقدمه‌ای بر بازی‌های دیفرانسیلی (مشتق‌پذیر) و بازی‌های تصادفی.

مراجع پیشنهادی:

- 1- González-Díaz, J., García-Jurado, I. and Fiestras-Janeiro, M. G., *An Introductory Course on Mathematical Game Theory*, AMS, 2010.
- 2- Mazalov, V., *Mathematical Game Theory and Applications*, John Wiley, 2014.
- 3- Yeung D.W.K., and Petrosjan L.A., *Cooperative Stochastic Differential Games*. Springer-Verlag, 2006.



| | | | | | |
|----------------|--|---------------------------------|------------|-----------------------------|-------|
| | | فارسی | | فرآیندهای تصادفی پایدار | |
| عنوان درس | | انگلیسی | | Stable Stochastic Processes | |
| نوع واحد | | تعداد واحد | تعداد ساعت | دروس پیش نیاز | |
| پایه | | ۳ | ۴۸ | آشنایی با آنالیز تصادفی | |
| نظری | | | | اصولی | تخصصی |
| عملی | | عملی | نظری | عملی | نظری |
| حل تمرین: دارد | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | | |

هدف:

در این درس دانشجو با فرایندهای پایدار و برخی کاربردهای آن آشنا می‌شود.

سرفصل درس:

متغیرهای تصادفی پایدار (چهار تعریف متفاوت آن)، تابع مشخصه متغیر تصادفی پایدار، خواص توزیعی متغیرهای تصادفی پایدار، امید ریاضی متغیرهای تصادفی پایدار، بردارهای تصادفی پایدار و خواص توزیعی آن‌ها، متغیرهای تصادفی پایدار مختلط مقدار و خواص آن‌ها، اندازه‌های تصادفی پایدار و خواص آن‌ها، انتگرال تصادفی نسبت به اندازه‌های تصادفی پایدار و خواص آن‌ها (در حالت حقیقی و مختلط مقدار)، حرکت پایدار، فرآیند پایدار کسری و خواص آن، نمایش طیفی فرایندهای پایدار و خواص آن، برخی کاربردهای فرآیند پایدار در مطالعه فضاهای باناخ، مروری بر فرایندهای ماکس-پایدار.

مراجع پیشنهادی:

- 1- Janicki, A. and Weron, A., *Simulation and Chaotic Behavior of α -Stable Stochastic Processes*, Marcel - Dekker, 1994.
- 2- Nikias, C. L. and Shao, M., *Signal Processing with Alpha-Stable Distributions and Applications*, Wiley, 1995.
- 3- Nolan, J. P., *Stable Distributions - Models for Heavy Tailed Data*, Birkhauser, 2017.
- 4- Samorodnitsky, G. and Taqqu, M., *Stable Non-Gaussian Random Processes*, Chapman and Hall, 1995.
- 5- Sato, K., *Lévy Processes and Infinitely Divisible Distributions*. 2nd Ed., Cambridge University Press, 2016.
- 6- Uchaikin, V. V. and Zolotarev, V. M., *Chance and Stability*. Utrecht, VSP Press, 1999.



| | | | | | | | |
|----------|------------|-----------------------------------|-------------------------|----------------|-----------|---------------------------------|---------|
| | | روشهای احتمالاتی در آنالیز ریاضی | | فارسی | عنوان درس | | |
| | | Probabilistic Methods in Analysis | | انگلیسی | | | |
| نوع واحد | تعداد واحد | تعداد ساعت | دروس پیش‌نیاز | | | | |
| | ۳ | ۴۸ | آشنایی با آنالیز تصادفی | پایه | اصلی | تخصصی | اختیاری |
| | | | | عملی | نظری | عملی | نظری |
| | | | | حل تمرین: دارد | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | |

هدف:

در این درس دانشجویان با برخی از کاربردهای مهم روش‌های تصادفی و استفاده از ابزارهای نظریه احتمال در آنالیز ریاضی مانند کاربرد در نظریه پتانسیل، انتگرال‌های تکین و نظریه توابع تحلیلی آشنا می‌شوند.

سرفصل درس:

دوره مفاهیمی از نظریه احتمال مانند مارتینگل‌ها و انتگرال تصادفی، مسأله دیریشله، ظرفیت شوکه، پتانسیل نیوتنی و توابع گرین، اصل مرزی هارنک، مرز مارتین و دامنه‌های لیپشیتز، مسأله طول عمر شرطی، قضیه فاتو، تکیه‌گاه اندازه همساز، توابع ماکسیمال، تبدیل‌های هیلبرت، تبدیل‌های ریس، توابع لیتلود-پالی، عملگرهای انتگرالی تکین، فضای ناوردایی همدیس، برد توابع تحلیلی، رفتار مرزی توابع تحلیلی، اندازه همساز.

مرجع پیشنهادی:

1- Bass, Richard, F., *Probabilistic Techniques in Analysis*, Springer-Verlag, 1995.



| | | | | | | |
|----------------|---------------------------------|------------|-------------------------|---------|-----------|------|
| | | شبهه سازی | | فارسی | عنوان درس | |
| Simulation | | | | انگلیسی | | |
| نوع واحد | تعداد واحد | تعداد ساعت | دروس پیش نیاز | | | |
| پایه | اصولی | تخصصی | اختیاری | | | |
| نظری | عملی | نظری | عملی | نظری | عملی | نظری |
| حل تمرین: دارد | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | | | | |
| | ۴۸ | ۳ | کاربردها نظریه اندازه و | | | |

هدف:

توانایی برای شبهه سازی کامپیوتری پدیدهها و مسأله های تصادفی، آشنایی با مسائل نظری شبهه سازی و روش های کارآمدتر کردن شبهه سازی.

سرفصل درس:

تولید اعداد تصادفی، شبهه سازی متغیرهای تصادفی گسسته، شبهه سازی متغیرهای تصادفی پیوسته، شبهه سازی بردارهای تصادفی گاوسی، تحلیل آماری نتایج شبهه سازی، روش های کاهش واریانس (متغیرهای متضاد، متغیر کنترل، شرطی سازی، نمونه گیری طبقه ای، نمونه گیری متناسب با اهمیت)، شبهه سازی به کمک زنجیرهای مارکوف، MCMC (الگوریتم متروپولیس- هستینگز، الگوریتم نمونه گیری گیبس).

مراجع پیشنهادی:

- 1- Casella, G. and George, E., *Monte Carlo Statistical Methods*, 2nd ed., Springer, 2004.
- 2- Liu, J., S., *Monte Carlo Strategies in Scientific Computing*, 2nd ed., 2004.
- 3- Ross, S., *Simulation*, Academic Press, 53d, 2013.



| عنوان درس | | فارسی | ماتریس‌های تصادفی | |
|-----------------|-------|---------------------------------|-------------------|-------------------------|
| Random Matrices | | انگلیسی | | |
| نوع واحد | | تعداد واحد | تعداد ساعت | دروس پیش‌نیاز |
| پایه | اصلی | ۳ | ۴۸ | آشنایی با آنالیز تصادفی |
| | تخصصی | | | |
| نظری | عملی | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | |
| | نظری | | | |
| عملی | عملی | | | |
| عملی | نظری | | | |
| عملی | عملی | | | |

هدف:

آشنایی با مدل‌های اولیه ماتریس‌های تصادفی، تحلیل طیفی، روش‌های تحلیل و نقاط ضعف و قوت آنها.

سرفصل درس:

مقدمات احتمال (قانون اعداد بزرگ، قضیه حد مرکزی، قضایای تجمع اندازه)، مقدمات جبرخطی (مقادیر ویژه، عملگرها و ماتریس‌های هرمیتی، قضیه نمایش طیفی، قضیه minmax کورانت-فیشر، نابرابری‌های طیفی، مقادیر تکین)، مدل‌های ماتریس تصادفی (مدل i.i.d، مدل متقارن ویگنر، مدل هرمیتی ویگنر، مدل گاوسی متعامد GOE، مدل گاوسی یکگانه GUE، ...)، رفتار حدی نرم ماتریس تصادفی (روش گشتاورها)، قانون نیم‌دایره (روش گشتاورها، تبدیل اشتیلیس)، توزیع توأم مقادیر ویژه در ماتریس‌های گاوسی، توزیع توأم مقادیر ویژه در ماتریس‌های یکگانه، توزیع مارچنکو-پاستور برای مقادیر تکین، فرآیندهای دترمینانی، احتمال آزاد.

مراجع پیشنهادی:

- 1- G. Anderson, A. Guionnet, O. Zeitouni, *An introduction to Random Matrices*, Cambridge Studies in Advanced Mathematics (118), Cambridge University Press, Cambridge, 2010.
- 2- Terence Tao, *Topics in Random Matrix Theory*, Graduate Studies in Mathematics, American Mathematical Society, 2012.



| | | | | | | | |
|----------|------------|------------------------------------|-------------------------|---------------------------------|-----------|-------|---------|
| | | اصل انحرافات بزرگ و کاربردهای آن | | فارسی | عنوان درس | | |
| | | Large Deviations with Applications | | انگلیسی | | | |
| نوع واحد | تعداد واحد | تعداد ساعت | دروس پیش نیاز | | | | |
| | ۳ | ۴۸ | آشنایی با آنالیز تصادفی | پایه | اصلی | تخصصی | اختیاری |
| | | | | عملی | نظری | عملی | نظری |
| | | | | حل تمرین: دارد | | | |
| | | | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | | |

هدف:

در این درس به مطالعه اصل انحرافات بزرگ برای فرایندهای تصادفی گسسته زمان و فرآیندهای تصادفی با پارامتر پیوسته پرداخته می‌شود. اصل انحرافات بزرگ به مطالعه قضایای حدی در فرایندهای تصادفی می‌پردازد که دارای کاربردهای فراوانی از جمله در بیمه، دستگاه‌های دینامیکی، فیزیک آماری و شبیه‌سازی‌های آماری است.

سرفصل درس:

اصل انحرافات بزرگ برای دنباله متغیرهای مستقل و هم‌توزیع، قضیه کرامر، قضیه ساتوو برای اندازه‌های تجربی، نظریه عمومی اصل انحرافات بزرگ در فضاهاى مجرد، اصل لاپلاس، لم وارادان، اصل انقباض، اصل انحرافات بزرگ برای دنباله متغیرهای وابسته، قضیه گارتنر-اليس، کاربردهای این نظریه در آزمون‌های آماری و قدم‌زدن تصادفی در محیط تصادفی، اصل انحرافات بزرگ برای حرکت براونی و قضیه شیلدر، اصل انحرافات بزرگ برای فرآیندهای پخش.

مراجع پیشنهادی:

- 1- Hollander, F., *Large deviations*, Fields Institute Monographs, American Mathematical Society, 2000.
- 2- Dembo, A. and Zeitouni, O., *Large Deviations, Techniques and Applications*, 2nd Ed., Springer-Verlag, 2009.
- 3- Freidlin, M. and Wentzell M., *Random Perturbation of Dynamical Systems*, Springer-Verlag, 1998.
- 4- Deuschel, and Stroock, D., *Large Deviations*, Academic Press, New York, 1989.



| عنوان درس | | فارسی | میدان های تصادفی | |
|----------------|-------|---------------------------------|------------------|-------------------------|
| عنوان درس | | انگلیسی | Random fields | |
| نوع واحد | | تعداد واحد | تعداد ساعت | دروس پیش نیاز |
| پایه | اصولی | ۳ | ۴۸ | آشنایی با آنالیز تصادفی |
| | نظری | | | |
| نظری | عملی | ۳ | ۴۸ | آشنایی با آنالیز تصادفی |
| | نظری | | | |
| حل تمرین: دارد | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | |

هدف:

آشنایی با مبحث میدان های تصادفی، نمایش ها و ویژگی های هندسی تحقق های آن.
سرفصل درس:

میدان های تصادفی روی فضای اقلیدسی، توزیع های منتهای بُعد و میدان های گاوسی، میدان های تصادفی مانا و همسانگرد، تابع های کوواریانس مهم، تبدیل های خطی میدان های تصادفی گاوسی، مشتق پذیری و پیوستگی میدان های تصادفی و به ویژه گاوسی و مشتق میدان های تصادفی گاوسی، بسط های متعامد و بسط کارهون-لونهو، انتگرال تصادفی چند پارامتری، نمایش طیفی و گشتاورهای طیفی، میدان های تصادفی گاوسی-مارکوفی (GMRF)، ویژگی شرطی GMRF، میدان های تصادفی گاوسی-مارکوفی ناسره، همواری میدان های تصادفی، شرط هلدر و میدان های تصادفی نمایه- β ، صفحه براونی و میدان های کسری، مسأله گذر از سطح (level crossing) در میدان های تصادفی گاوسی و کسینوسی، مسأله ماکسیمای موضعی، احتمال های برونگشت و روش جمع دوگانه، هندسه صحیح و مشخصه اویلر (و توابع مرس)، گشتاورهای مشخصه اویلر مجموعه های برونگشت، انتگرال اویلر و مسأله شمارش.

مراجع پیشنهادی:

- 1- Adler, R. J. and Jonathan E. T., *Random fields and geometry*. Springer-Verlag, 2009.
- 3- Yaglom, A. M., *Correlation theory of stationary and related random functions: Supplementary notes and references*. Springer-Verlag, 2012.
- 3- Rue, H. and Leonhard H., *Gaussian Markov random fields: theory and applications*. CRC Press, 2005.



| فرآیندهای نقطه‌ای | | فارسی | عنوان درس | |
|-------------------|------------|------------|---------------|---------------------------------|
| Point Processes | | انگلیسی | | |
| نوع واحد | تعداد واحد | تعداد ساعت | دروس پیش‌نیاز | |
| پایه | اصلی | ۴۸ | ۳ | اختیاری |
| | | | | تخصصی |
| نظری | عملی | نظری | عملی | نظری |
| نظری | عملی | نظری | عملی | نظری |
| حل تمرین: دارد | | | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد |

هدف: آشنایی با مباحث نظری پیشرفته در فرآیندهای نقطه‌ای فضایی و کاربردهای آن‌ها
سرفصل درس:

مشخص‌سازی فرآیندهای نقطه‌ای (اندازه‌های شمارشی، مجموعه‌های تصادفی)، توزیع فرآیندهای نقطه‌ای، توزیع‌های شرطی پالم، الگوهای نقطه‌ای و انواع آن (خوشه‌ای، منظم، تصادفی کامل)، همگنی و ناهمگنی، همسانگردی و ناهمسانگردی، پایایی (Stationarity) گاه تحت عنوان ایستایی نیز خوانده می‌شود) و ناپایایی، گشتاورها و خلاصه‌آمارها (شامل تابع شدت، تابع شدت شرطی، پایانجولو، تابع K ی ریبلی (و تابع L)، توابع نزدیک‌ترین همسایگی، تابع فضای خالی) و برآوردگرهای آن‌ها، اندازه‌های گشتاوری کاهش‌یافته، روش‌های تصحیح اثرات لبه (همچون روش‌های تصحیح انتقالی، همسانگرد و آمیخته)، تبدیل‌های فرآیندهای نقطه‌ای (نگاشتن، برهم‌نهی، تنک‌سازی)، فرآیندهای نقطه‌ای منتهای و نامتناهی، استنباط‌های مبتنی بر شبیه‌سازی برای فرآیندهای نقطه‌ای (ناپارامتری، درست‌نمایی، بیزی)، انواع فرآیندهای نقطه‌ای فضایی شامل فرآیندهای نقطه‌ای یواسون، فرآیندهای نقطه‌ای دو جمله‌ای، فرآیندهای نقطه‌ای نیمین-اسکات، فرآیندهای نقطه‌ای گیبس، فرآیندهای نقطه‌ای کاکس، فرآیندهای نقطه‌ای مارکوفی (فرآیندهای نقطه‌ای زوجی (pairwise) شامل فرآیندهای نقطه‌ای نرم‌مغز، سخت‌مغز، ...)، فرآیندهای نقطه‌ای ناحیه-برهم‌کنشی (Area Interaction)، فرآیندهای نقطه‌ای دترمینانی، فرآیندهای نقطه‌ای چندمتغیره، فرآیندهای نقطه‌ای نشاندار (یا نشان‌های پیوسته و گسته)، جنبه‌ی داده‌های گمشده در الگوهای نقطه‌ای، روش‌های برازش مدل‌های فرآیندهای نقطه‌ای (شامل روش Minimum Contrast، روش Composite likelihood و روش MCMC در چارچوبی بیزی، روش‌های ارزیابی نیکویی برازش مدل‌های فرآیندهای نقطه‌ای (آزمون‌های پوشش و انحراف، آنالیز مانده‌ها)، تکنیک‌های MCMC مورد نیاز در استنباط آماری فرآیندهای نقطه‌ای از جمله شبیه‌سازی کامل (Perfect Simulation)، الگوریتم تولد و مرگ، الگوریتم متروپولیس-هیستینگس، الگوریتم‌های هیبرید، فرآیندهای نقطه‌ای فضایی-زمانی، آشنایی یا بسته‌ی نرم‌افزاری spatstat در نرم‌افزار R

از آنجا که ممکن است فرصتی برای تدریس این روش‌ها نباشد، آشنایی با این تکنیک‌ها را می‌توان به عنوان پیش‌نیاز این درس مطرح کرد.

مراجع پیشنهادی:

- 1- Møller, J., Waagepetersen, R., *Statistical Inference and Simulation for Spatial Point Processes*, CRC, 2004.
- 2- Chiu, S. N., Stoyan, D., Kendall, W. S., Mecke, J., *Stochastic Geometry and Its Applications*, 3rd Edition, Wiley, 2013.
- 3- Stoyan, D., and Stoyan, H., *Fractals, Random Shapes and Point Fields: Methods of Geometrical Statistics*, Wiley, 2004.
- 4- Baddeley, A., Rubak, E., Turner, R., *Spatial Point Patterns: Methodology and Applications with R*, CRC, 2015.
- 5- Daley, D.J., Vere-Jones, D., *An Introduction to the Theory of Point Processes*, Springer, 1988 (2008).
- 6- Diggle, P.J., *Statistical Analysis of Spatial Point Patterns*, 2nd Edition, Arnold, 2003.



| عنوان درس | | فارسی | معادلات دیفرانسیل تصادفی پسرو | |
|----------------|-------|---------------------------------|--|-------------------------|
| عنوان درس | | انگلیسی | Backward Stochastic Differential Equations | |
| نوع واحد | | تعداد واحد | تعداد ساعت | دروس پیش نیاز |
| پایه | اصولی | ۳ | ۴۸ | آشنایی با آنالیز تصادفی |
| | نظری | | | |
| نظری | عملی | ۳ | ۴۸ | آشنایی با آنالیز تصادفی |
| | نظری | | | |
| حل تمرین: دارد | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | |

هدف:

مطالعه معادلات دیفرانسیل پسرو، انواع توسعه یافته آن و آشنایی با کاربردهای این دسته از معادلات دیفرانسیل.

سرفصل درس:

فرآیند آبتوی پسرو، معادلات دیفرانسیل تصادفی پسرو با زمان نهایی قطعی، مسأله وجود و یکتایی جواب، قضیه مقایسه، معادلات دیفرانسیل پسرو با ضرایب لیبشیتز، معادلات دیفرانسیل پسرو با ضرایب یکنوا، معادلات دیفرانسیل پسرو خطی، معادلات دیفرانسیل پسرو با زمان نهایی تصادفی، کاربرد در نظریه کنترل بهینه تصادفی، کاربرد در ریاضیات مالی مانند (ارزشگذاری - مطالبات مشروط و نظریه مطلوبیت بازگشتی)، کاربرد در معادلات دیفرانسیل پارامتری، کاربرد در هندسه دیفرانسیل.

مراجع پیشنهادی:

- 1- Pardoux, Etienne, Rascanu, A., *Stochastic Differential Equations, Backward SDE's, Partial Differential Equations*, Springer-Verlag, Switzerland, 2014.
- 2- Young, J., and Ma, J., *Forward-Backward Stochastic Differential Equations and their Applications*, Springer LNM, 2007.



| عنوان درس | | فارسی | عملگرهای تصادفی | | | | |
|----------------------|---------------------------------|------------|-----------------|---------|------|-------|------|
| Stochastic operators | | انگلیسی | | | | | |
| نوع واحد | تعداد واحد | تعداد ساعت | دروس پیش نیاز | | | | |
| پایه | اصلی | ۴۸ | ۳ | اختیاری | | تخصصی | |
| | | | | عملی | نظری | عملی | نظری |
| حل تمرین: دارد | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | | | | | |

هدف:

آشنایی با روش های احتمالاتی در نظریه عملگرها

سرفصل درس:

اندازه روی فضاهای لهستانی، بردارهای (عناصر تصادفی) روی فضای لهستانی، مثال های مهم فضای لهستانی، قضیه اسکروخود برای عناصر تصادفی روی فضای لهستانی، اندازه های منظم، خانواده اندازه های تنگ، تکیه گاه یک اندازه، همگرایی ضعیف روی فضای لهستانی، قضیه نگاشت پیوسته، قضیه اسکروخود، متریک پروهورف، قضیه پروهورف، فشردگی نسبی، تابع مشخصه (یگانگی، پیوستگی لوی)، متغیرهای تصادفی باناخ-مقدار، متغیرهای تصادفی عملگر-مقدار، انتگرال بوخنر و ویژگی های آن، عملگر میانگین و عملگر کوواریانس، عملگرهای خطی تصادفی، عملگرهای تصادفی گاوسی، عملگرهای تصادفی متقارن، عملگرهای تصادفی خودالحاقی، نمایش طیفی عملگرهای تصادفی متقارن، مارتینگل ها در فضاهای باناخ، همگرایی مارتینگل ها در فضاهای باناخ، مارتینگل های عملگر-مقدار، فرآیند وینر روی فضاهای باناخ، انتگرال تصادفی نسبت به مارتینگل های عملگر-مقدار، معادلات عملگری تصادفی خطی، آشنایی با نیمگروه های عملگرهای تصادفی، آشنایی با نظریه نقطه ثابت تصادفی، معادلات انتگرال خطی تصادفی، معادلات انتگرال غیرخطی تصادفی.

مراجع پیشنهادی:

- 1- Skorohod, A.V., *Random Linear Operators*, Reiderl Pub. Co., Dordrecht, 1984.
- 2-Bharucha-Reid, A.T., *Random Integral Equations*, Academic Press, 1972.
- 3- Da Prato G., *An Introduction to Infinite Dimensional Analysis*, Springer-Verlag, 2006.



| | | | | | | |
|-------------------------|--|--|-------------|----------------|-----------|------|
| | | روش‌های احتمالاتی در ترکیبیات | | فارسی | عنوان درس | |
| | | Probabilistic Methods in Combinatorics | | انگلیسی | | |
| نوع واحد | | تعداد واحد | تعداد ساعات | دروس پیش‌نیاز | | |
| پایه | | ۳ | | اختیاری | | اصلی |
| | | | | تخصصی | عملی | نظری |
| نظریه اندازه و کاربردها | | ۴۸ | | عملی | نظری | عملی |
| | | | | نظری | عملی | نظری |
| | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | حل تمرین: دارد | | |

هدف:

آشنایی با کاربرد احتمال در نظریه ترکیبیات

سرفصل درس:

مقدمات و احتمال و امکان، خطی بودن امید ریاضی، دگرگونی، گشتاور دوم، لم موضعی، نابرابری‌های همبستگی، تجمع اندازه و مارتینگل‌ها. پارادایم پواسون، انتروپی و شمارش، گراف‌های تصادفی، مساله دیسکریپتیسی

مرجع پیشنهادی:

- 1- Alon, N. and Spencer, J., *Probabilistic Methods in Combinatorics*, Wiley Series in Discrete Mathematics and Optimization, 4th Edition 2015



| | | | | | |
|----------------|--------------------------------|-------------------------------------|-------------------------|---------|-----------|
| | | روش‌های احتمالاتی در مدل‌های ژنتیکی | | فارسی | عنوان درس |
| | | Probabilistic Methods in Genetics | | انگلیسی | |
| نوع واحد | تعداد واحد | تعداد ساعت | دروس پیش‌نیاز | | |
| پایه | اصلی | | اختیاری | | |
| | عملی | نظری | عملی | نظری | |
| حل تمرین: دارد | تیز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | آشنایی با آنالیز تصادفی | | ۴۸ |

هدف:

بهره‌گیری از روش‌های احتمالاتی در مطالعه مدل‌های ژنتیک جمعیت

سرفصل درس:

فرایندهای شاخه‌ای، فرایندهای بیانیمه-گالتن-واتسون، فرایندهای بیانیمه-گالتن-واتسون زمان پیوسته، همگرایی به فرایند شاخه‌ای پیوسته، فرایندهای شاخه‌ای پیوسته، جمعیت‌های اندازه-ثابت، ساده‌ترین مدل رابت-فیشر، مدل رابت-فیشر با جهش، مدل رابت-فیشر با گزینش، ادغام (coalescent)، ۳.۱. مدل Cannings، ۳.۲. ادغام کینگمن (Kingman's coalescent)، مدل‌های ریاضی برای الل‌ها (alleles)، مدل infinitely-many alleles (imam)، مدل (imsm) infinitely-many sites

مراجع پیشنهادی:

- 1- Etheridge, A., Some Mathematical Models from Population Genetics, Springer, 2011.
- 2- Etienne, P., Probabilistic Models of Population Evolution, Springer, 2016.
- 3- Haccou, P., Jagers, P. and Vatutin, V. A., Branching Processes: Variation, Growth and Extinction of Populations. Cambridge University Press, 2005.



| عنوان درس | | فارسی | هندسه تصادفی |
|---------------------|-------------------------|---------------------------------|--------------|
| | | انگلیسی | |
| Stochastic Geometry | | | |
| نوع واحد | پایه | اصولی | تخصصی |
| | | | |
| تعداد واحد | ۳ | | |
| تعداد ساعات | ۴۸ | | |
| دروس پیش نیاز | آشنایی با آنالیز تصادفی | | |
| حل تمرین: دارد | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | |

هدف:

آشنایی با مباحث پایه‌ای هندسه تصادفی
سرفصل درس:

- فرایندهای نقطه‌ای (فرآیند نقطه‌ای به عنوان مجموعه گسسته، فرآیند نقطه‌ای به عنوان اندازه تصادفی، برجسب گذاری، اندازه‌های گشتاوری، تابع‌های مولد، فرآیند پواسون)
- فرایندهای نقطه‌ای ایستا (تعریف ایستایی، اندازه پالم)
- مجموعه‌های بسته تصادفی (مدلی بولی، فرایندهای ذره‌ای)
- فرایندهای تخت (فرایندهای خطی، فرایندهای ابرصفحه‌ای)
- کاشی کاری تصادفی (کاشی کاری ورونوی، کاشی کاری دلونتی)
- گراف‌های تصادفی هندسی، نشت گسسته و پیوسته.
- مدل‌های بیشتری از فرایندهای نقطه‌ای (کاکس، دترمینانی، ...)
- فرایندهای نقطه‌ای و کاشی کاری در ابعاد بالا
- استربولوزی

مراجع پیشنهادی:

- 4- D. Stoyan, W. Kendall & J. Mecke, *Stochastic Geometry and its Applications*, Wiley, 3rd ed, 2013.
- 5- R. Schneider and W. Weil, *Stochastic and Integral Geometry*, Springer, 2008.
- 6- D. Daley & D. Vere-Jones, *Introduction to the Theory of Point Processes*, 2nd ed, Springer, 2008.



| عنوان درس | فارسی | | احتمال روی فضاهای باناخ | | | | | | | | |
|--|------------|------|-------------------------|-------|---------------|--------------------------------|------------------------------|--|--|--|--|
| | انگلیسی | | | | | | Probability in Banach Spaces | | | | |
| نوع واحد | تعداد واحد | | تعداد ساعت | | دروس پیش نیاز | | | | | | |
| | پایه | اصلی | | تخصصی | | اختیاری | | | | | |
| | | | | | | عملی | نظری | | | | |
| نظری | عملی | نظری | عملی | نظری | عملی | نظری | حل تمرین: دارد | | | | |
| آشنایی با فضاهای باناخ و روشهای احتمالاتی در مطالعه فضاهای باناخ | | | | | | تعداد واحد: ۳ | | | | | |
| تعداد ساعت: ۴۸ | | | | | | تعداد ساعت: ۴۸ | | | | | |
| اشنایی با آنالیز تصادفی و آنالیز تابعی | | | | | | نیاز به اجرای پروژه عملی ندارد | | | | | |

هدف:

آشنایی با احتمال روی فضاهای باناخ و روشهای احتمالاتی در مطالعه فضاهای باناخ

سرفصل درس:

متغیرهای تصادفی باناخ مقدار، متغیرهای تصادفی باناخ مقدار رادون، متغیرهای تصادفی با مقادیری در فضاهای باناخجدایی پذیر و خواص آنها، انتگرال یاختر و خواص آن، امید ریاضی و عملگرکواریانس و خواص آن، نامساویهای احتمالی، پدیده تجمیع اندازه، متغیرهای تصادفی باناخ مقدار گوسی و خواص آن، متغیرهای تصادفی باناخ مقدار متقارن پایدار و خواص آن، مجموعه متغیرهای تصادفی باناخ مقدار و قضایای مربوط (قوانین ضعیف و قوی اعداد بزرگ و قضیه سه سرپو...)، فضاهای Type و Cotype، L_p^1 زیرفضاهای باناخ، گزاره های احتمالاتی در حضور Type و Cotype، اندازههای برداری و خواص آن، انتگرال نسبت به اندازههای برداری، مارتینگل ها با مقادیری در فضای باناخ و خواص آن، کاربرد نظریه مارتینگل در برقراری خاصیترادونتیبکودیم در فضاهای باناخ.

مراجع پیشنهادی:

- Hytönen, T., van Neerven, J., Veraar, M., Weis, L., *Analysis in Banach Spaces, Volume I: Martingales and Littlewood-Paley Theory*, Springer, 2016.
- Ledoux, M. and Talagrad, M., *Probability in Banach Spaces*, Springer, 1991.
- Pisier, G., *Martingales in Banach Spaces*, Cambridge University press, 2016.



| | | | | | | | |
|-----------------|--|---------------------------------|-------------|--|------|-----------|------|
| | | فارسی | | مباحث ویژه در فرایندهای تصادفی | | عنوان درس | |
| | | انگلیسی | | Special Topics in Stochastic Processes | | | |
| نوع واحد | | تعداد واحد | تعداد ساعات | دروس پیش نیاز | | | |
| پایه | | ۳ | ۴۸ | اختیاری | | اصلی | |
| نظری | | | | عملی | نظری | عملی | نظری |
| حل تمرین: ندارد | | نیاز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | | | | |

درسی است در سطح کارشناسی ارشد یا بالاتر در زمینه تخصصی فرایندهای تصادفی که بر حسب امکانات و نیاز برای اولین بار ارائه می‌شود. ریز مواد درسی مربوطه قبل از ارائه، باید به تصویب شورای تحصیلات تکمیلی گروه و دانشکده برسد.



| | | | | | | | | | |
|-----------------|--|---------------------------------|-------------|--------------------------------------|------|-------|------|-----------|------|
| | | فارسی | | مباحث ویژه در نظریه احتمال | | | | عنوان درس | |
| | | انگلیسی | | Special Topics in Probability Theory | | | | | |
| نوع واحد | | تعداد واحد | تعداد ساعات | درس پیش نیاز | | | | | |
| پایه | | ۳ | ۴۸ | اختیاری | | تخصصی | | اصلی | |
| نظری | | | | عملی | نظری | عملی | نظری | عملی | نظری |
| حل تمرین: ندارد | | تباز به اجرای پروژه عملی: ندارد | | | | | | | |

درسی است در سطح کارشناسی ارشد یا بالاتر در زمینه تخصصی نظریه احتمال که بر حسب امکانات و نیاز برای اولین بار ارائه می‌شود. ریز مواد درسی مربوطه قبل از ارائه، باید به تصویب شورای تحصیلات تکمیلی گروه و دانشکده برسد.

